

スタックと逆ポーランド記法

プログラミング言語C I

(プッシュダウン)スタック(Stack)

• **スタック**は次の条件を満たすデータ構造

1. 新しい情報を追加できる
2. 古い情報の一つを取り出す。そのときには、**最も新しいものから順に取り出す**

(キューと同様) 追加と取り出し方法が制限された「リスト構造」とみることできる

「最後に入った情報から先に出て行く」という性質から、**LIFO**(Last In First Out)とも呼ばれている

例：生協の食堂で積まれたお盆

スタックのデータ構造と固有な操作

- スタックの**実現**方法：配列と変数を用いる

配列array： データの記憶用

変数top： データを記録する／取り出す位置を記憶。

配列の0から(top - 1)までが、スタックに記憶されているデータ
top の値は同時に、**記録された要素数も表す**

スタックに固有な操作

プッシュ(push)：スタックにおいてデータを記憶

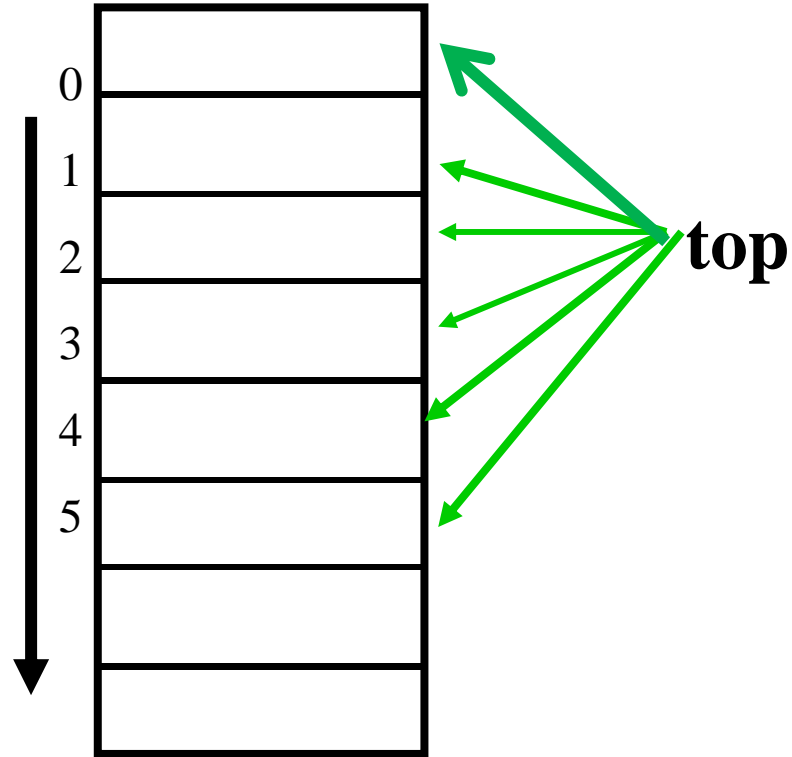
ポップ(popup)：スタックにおいてデータを取出す

スタックの実現法

プッシュ

a
b
c
d
e

スタックの延
びる方向



配列array

ポップ

配列によるスタックの実現

stack-1.c

```
#define NUM 100
```

```
int stack [NUM];    // データ記憶用の配列
```

```
int stack_top = 0;    // top変数(初期値は0)
```

```
void push(int st[ ], int *top, int  
item) {  
    int x = *top; // top変数の値  
    st[x] = item; // データ記憶  
    *top = x+1; // top変数の更新  
}
```

```
int pop(int st[], int *top) {  
    int x = *top - 1, // 最新要素の場所  
        item = st[x]; // 最新データ  
    *top = x; // top変数の更新  
    return item; // データを返す  
}
```

使用例

```
int main(void) {  
    push(stack, &stack_top, 10);    // スタックに 10 をpush  
    push(stack, &stack_top, 20);    // スタックに 20 をpush  
    push(stack, &stack_top, 30);    // スタックに 30 をpush  
    printf("popped --- %d -(%d)--¥n", pop(stack, &stack_top), stack_top); // popする  
    push(stack, &stack_top, 40);    // スタックに 40 をpush  
    push(stack, &stack_top, 50);    // スタックに 50 をpush  
    while (stack_top > 0) {        // スタックに要素があるかぎりpopする  
        printf("popped --- %d (%d) ¥n", pop(stack, &stack_top), stack_top);  
    }  
    return 0;  
}
```

この方法の問題点

1. 二つの配列が関係していることが明示されない:

```
int stack [NUM]; // データ記憶用の配列
int stack_top = 0; // top変数(初期値は0)
```

2. Push関数とpop関数が「スタック」に固有な操作であることが明示されない

```
void push(int st[ ], int *top, int item) {
    int x = *top; // top変数の値
    st[x] = item; // データ記憶
    *top = x+1; // top変数の更新
}
```

```
int pop(int st[], int *top) {
    int x = *top - 1, // 最新要素の場所
        item = st[x]; // 最新データ
    *top = x; // top変数の更新
    return item; // データを返す
}
```

構造体

「配列」のような構造（データ構造）を定義できる
配列と同様に、

複数の変数をひとまとめにできる

（その「ひとまとめにした」ものに名前を付ける）

配列と異なり

変数の型は、いろいろであってよい

構造体によるスタックの実現

stack-2.c

```
#define NUM 100
typedef struct stack {
    int array [NUM]; // データ記憶用の配列
    int top; // top変数(初期値は後で与える)
} STACK; // 上の構造体をSTACK型として宣言
```

```
void push(STACK *st, int item)
{
    // 記憶位置, top変数の更新
    int top = (*st).top++;
    // 記憶
    (*st).array[top]=item ;
}
```

```
int pop(STACK *st) {
    //top変数の更新, データの位置
    int top=--(*st).top;
    return (*st).array[top];
    // データを返す
}
```

構造体によるスタックの実現(続)

stack-2a.c

(*st).top は st->top

(*st).array は st->array と書けることを使うと...

```
void push(STACK *st, int item)
{
    // 記憶位置, top変数の更新
    int top = st->top++;
    // 記憶
    st->array[top]=item ;
}
```

参考: push関数の中身を一行で書くと
st->array[st->top++]=item;

参考: pop関数の中身を一行で書くと
return st->array[--st->top];

```
int pop(STACK *st) {
    //top変数の更新, データの位置
    int top=--st->top;
    return st->array[top];
    // データを返す
}
```

使用例

```
int main(void) {  
    STACK st;      st.top = 0;      // スタック変数stの宣言と、st.topの初期化  
    push(&st, 10); // スタックに10をpush  
    push(&st, 20);  
    push(&st, 30);  
    printf("popped ---");  
    push(&st, 40);  
    push(&st, 50);  
    while (st.top > 0)  
        printf("pop");  
}  
return 0;  
}
```

配列によるスタックの実現と異なり、
スタックの中身(配列とtop変数)を
ひとまとめで扱う
大域変数ではなく局所変数として扱える
スタックを関数に渡すときは「アドレス」
を渡す
参考: [stack-3.c](#)

逆ポーランド記法

日本語表記
に合う

数式において**演算子**を最後に置く記法
(先頭に置く記法が**ポーランド記法**)

例: $1 + 2 \Rightarrow 1 \ 2 \ +$ 「1に2を+(たす)」

$1 + 2 * 3 \Rightarrow 1 \ 2 \ 3 \ * \ +$

「1に、2に3を*(掛けた)のを+(たす)」

$(1 + 2) / (3 - 4) \Rightarrow 1 \ 2 \ + \ 3 \ 4 \ - \ /$

「1に2を+(足した)ものを、3から4を-(引いた)もので/(割る)」

逆ポーランド記法の数式の計算

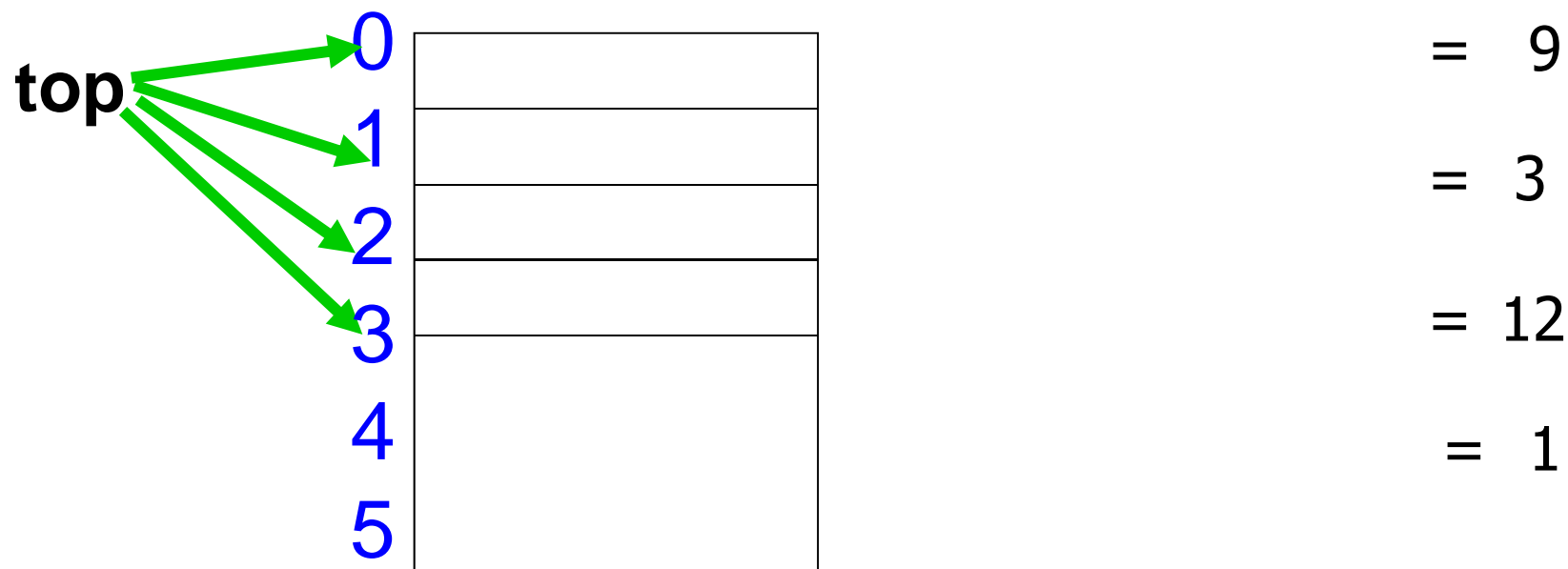
手続き：

1. 数を読み込んだらスタックに積む
2. 演算子(+ - * / これらを@で表す)を読み込んだら、スタックから二つの数をpopし（取り出した順にa,bとする）、
b @ aを計算してスタックに積む
3. =を読み込むか、もう読み込むものがなければ
スタックをpopして終了
- (4. pを読み込んだら、スタックの状態を表示する)

例：13 5 4 + 3 / 4 * -

例: 「13 5 4 + 3 / 4 * -」をスタックで処理

入力: 13 5 4 + 3 / 4 * -



1. 数を読み込んだらスタックに積む

2. 演算子(+ - * /、@で表す)を読み込んだらスタックから二つの数をpopし (取り出した順にa,bとする)、 $b @ a$ を計算してスタックに積む

逆ポーランド記法の数式の計算

- 演習問題

次の逆ポーランド記法で書かれた数式の処理の過程を記述せよ。また結果はいくらか？

(1) 1 2 3 + + 5 * 10 /

(2) 1 2 3 4 5 6 7 8 9 - + - + - + - +

逆ポーランド記法の計算プログラム

porland.c は配列を用いた逆ポーランド記法の計算プログラムである。

課題

1. 例題を入力し、計算結果を照合せよ
2. 構造体を用いたプログラムに改変せよ
3. 「逆ポーランド記法の数式の計算」の課題を入力し、計算結果と自分の計算結果とを照合せよ